文章编号:1006-9941(2020)11-1068-08

# EFP垂直侵彻靶板后效破片云形状描述

黄炫宁<sup>1</sup>,李伟兵<sup>1</sup>,郭腾飞<sup>2</sup>,李文彬<sup>1</sup>,王晓鸣<sup>1</sup> (1.南京理工大学智能弹药技术国防重点学科实验室,江苏南京 210094; 2.西安现代控制技术研究所,陕西西安 710065)

摘 要: 为了准确描述爆炸成型弹丸(Explosively Formed Projectile, EFP)垂直侵彻有限厚靶板后效破片云的形状,基于量纲分析 及正交设计理论,利用 AUTODYN 软件中 SPH 算法研究了 EFP 成型参数、弹靶材料参数对靶后破片云形状的影响,建立了 EFP 垂直 侵彻靶后破片云形状的数学描述模型。利用该模型计算了 EFP 垂直侵彻靶后破片云形状参量长半轴,并和仿真结果及相关试验结 果进行对比,结果表明,该模型计算的后效破片云长半轴结果与相关试验结果误差控制在 3% 以内,能够准确描述 EFP 垂直侵彻有限 厚靶板后效破片云的形状。

关键词:爆炸成型弹丸(EFP);垂直侵彻;靶后破片云;光滑质点流体动力学(SPH);描述模型

中图分类号: TJ55;O389

文献标志码:A

DOI:10.11943/CJEM2019297

## 1 引言

爆炸成型弹丸(Explosively Formed Projectile, EFP)战斗部对装甲目标毁伤效能的评估取决于EFP的 侵彻深度和靶板后效破片对装甲目标内部仪器、仪表 及有生力量的打击能力。随着数值模拟研究手段的日 趋成熟,国内外学者对EFP毁伤元的成型、稳定飞行以 及侵彻的研究取得了长足的进步,积累了大量研究数 据<sup>[1-3]</sup>。但针对EFP侵彻有限厚靶板的后效研究相对 较少,未能全面、准确地评估EFP对装甲目标的毁伤效 能,因此EFP的靶后效应研究以及EFP对装甲目标毁 伤效能评估应是下一步研究工作的重点。

Arnold W<sup>[4]</sup>提出聚能射流(JET)的靶后破片云为 空心椭球。相较于 JET, EFP 弹径较粗, 侵彻孔径较大, 穿透靶板后在装甲目标内部会形成毁伤面积相对较大

网络出版日期: 2020-04-30

- 基金项目:国家自然科学基金项目(11972018),装备预研兵器工业 联合基金(6141B012858),江苏省普通高校研究生科研创新计划项 目(KYCX19\_0328)
- 作者简介:黄炫宁(1994-),男,博士研究生,主要从事弹丸高效毁伤与终点效应研究。e-mail:njhxuanning@163.com

通信联系人:李伟兵(1982-),男,副研究员,博士生导师,主要从事 弹丸的终点效应与目标毁伤技术研究。e-mail:njustlwb@163.com

的破片场。Carleone [5]基于X光试验结果, 对比分析 了 IET 和 EFP 的侵彻后效,结果表明, EFP 靶后破片的 密集度及数量大于 JET,因此,针对 EFP 靶后效应的研 究逐步展开。Kim H S<sup>[6]</sup>等在不考虑质量大、速度低的 环状破片的情况下,建立了靶板后效破片云椭圆参数 方程,得到了靶后破片的散布特性、最大径向飞散速 度。针对靶后效应仿真方法的研究, Dalzell M W<sup>[7]</sup>等 采用 AUTODYN 软件中的 SPH 算法对 EFP 侵彻靶板 后效破片进行仿真研究,认为SPH算法对靶后破片的 模拟优于Lagrange、Euler算法。国内学者对靶后破片 的研究多基于动能杆式弹<sup>[8-9]</sup>,对EFP后效的研究则相 对较少,主要基于工程试验、侵彻理论对 EFP 靶后破片 的数量、质量等分布特性进行研究。张先锋[10]通过建 立的 EFP 侵彻有限厚靶板模型,计算得到了侵彻体剩 余长度、剩余速度等后效参数。王昕[11-12]等通过试验 研究了不同靶板厚度对EFP靶后破片数量散布及侵彻 能力的影响,且采用FEM-SPH自适应转换算法,得到 了靶后破片数量、速度空间分布的工程计算模型。邢 柏阳<sup>[13-14]</sup>考虑 EFP 变截面的特性,改进了 EFP 靶后破片 质量模型,并得到了平均应变率和Mott公式的拟合因 子,从而获得了靶后破片数量和质量分布的计算方法。 而关于 EFP 后效破片云形状的研究中, 叶严<sup>[15]</sup>在一定的 假设基础上,从崩落环的飞散特性出发,建立了EFP垂 直侵彻靶后破片云形状描述模型,破片云长半轴、短半

**引用本文:** 黄炫宁,李伟兵,郭腾飞,等. EFP 垂直侵彻靶板后效破片云形状描述[J]. 含能材料,2020,28(11):1068-1075. HUANG Xuan-ning, LI Wei-bing, GUO Teng-fei, et al. Shape Description of Behind-armor Debris Cloud from Vertical Penetration of Target Plate by EFP[J]. *Chinese Journal of Energetic Materials*(*Hanneng Cailiao*),2020,28(11):1068-1075.

Chinese Journal of Energetic Materials, Vol.28, No.11, 2020 (1068-1075)

收稿日期: 2019-11-26;修回日期: 2020-03-17

轴均为靶板背面最大开孔孔径的单值线性函数。曹 兵<sup>[16]</sup>、王昕<sup>[11-12]</sup>采用X光摄像技术获得了EFP靶后破 片云形状,计算了飞散角、长短轴之比,但是没有具体 给出破片云形状参数的与弹靶参数的定量关系。

上述研究中 EFP 后效破片云形状描述模型主要涉 及了靶板背面最大开孔直径,并未涉及 EFP 参数。而 空间防护领域中超高速碰撞碎片云形状描述发展较成 熟,区分了弹丸碎片云、薄板碎片云和中心大碎块<sup>[17]</sup>, 且涉及多层薄板的各层碎片云形状<sup>[18]</sup>。

因此,为了准确描述 EFP 垂直侵彻有限厚靶板后效破片云的形状,本研究基于量纲分析和正交设计理论,结合数值模拟的研究手段建立了破片云形状参量与 EFP 成型参量、弹靶材料参量的关系,并将计算结果与仿真结果及相关试验结果进行了对比,以期为破片云对靶后目标的毁伤效能评估工作提供参考。

## 2 破片云形状分析及基本假设

EFP 对有限厚靶板的侵彻过程可分为塑性侵彻阶段、剪切带或拉伸断面的形成阶段、冲塞穿透或崩落飞出阶段<sup>[10]</sup>。当剪切带或崩落拉伸断面完全形成后,剩余 EFP 从靶体冲出,其后跟随着弹、靶材料的碎片以及靶板背面的崩落环,将这些具有杀伤力的破片称为靶后破片。靶后破片在飞散过程中经碰撞、冲击波冲击等作用,形成某一稳定状态等比例地向外膨胀,将达到稳定状态瞬时的靶后破片云称为初始靶后破片云<sup>[19]</sup>。

典型的破片云形状如图1所示:破片云整体呈椭 球形,最前端为剩余EFP,中间部分为EFP和靶板材料 的碎片,最末端是由冲击波运动至靶板背部自由界面 (空气阻抗远小于靶板阻抗,可近似为自由界面)反射 形成的拉伸波导致靶背崩落生成的崩落环。当崩落拉 伸断面完全形成后,剩余EFP、弹靶材料碎片、靶板崩 落物经P(靶板背面与弹轴线的交点)点喷发,向外飞 散。由于崩落环质量大、速度低<sup>[4,6]</sup>,且其空间分布不 符合大部分破片的分布规律(整体呈椭球形),不予考 虑,据此可以认为破片云最前端至靶板背面的距离为 破片云长轴长2a,破片云中垂直弹轴方向最大截面直 径为短轴长2b。

考虑靶后破片的形成及飞散过程极其复杂,从鼓 包破裂到靶后破片云形成之间的时间间隔非常短<sup>[19]</sup>, 且稳定后的破片云长轴随时间近似呈线性增大<sup>[20-21]</sup>, 为了对问题进行简化,在后续研究中进行如下假设:

(1) 破片云形态可以描述为一个空心椭球<sup>[4,6]</sup>;



图1 破片云形状示意图

Fig.1 Diagrammatic sketch of the debris cloud shape

(2)当崩落拉伸断面完全形成后,认为靶后破片直 接进入初始靶后破片云阶段,即以稳定状态等比膨胀;

(3)破片云中所有破片均由 P(见图 1)点喷发,且 沿初始飞散方向作匀速直线运动。

## 3 基本模型

#### 3.1 破片云形态影响因素分析

依据假设(1), 靶后破片云的形态可以通过一个 简单的椭球方程进行描述。考虑到对称性, 可以简化 为一个椭圆方程。故在图 1 的基础上建立以下坐标 系:以P点为原点, 以EFP飞行方向为 x 轴正向, 以向上 飞散的破片径向飞散速度方向为 y 轴正向。那么, 初 始靶后破片云的形状就可以描述为:

$$\frac{(x-a)^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$
(1)

根据方程(1),只要确定长半轴 a 及短半轴 b 的 值,就可以确定椭圆方程。再由假设(2),破片群体进 入初始靶后破片云阶段后,椭圆长半轴与短半轴的比 值就成为了一个相对固定的值,将该比值定义为 E(即 E=a/b),取 E=1.5<sup>[21]</sup>。式(1)可转化为

$$\frac{(x-a)^2}{a^2} + \frac{y^2}{(a/E)^2} = 1$$
 (2)

对于式(2),得到参量 a就可以对初始靶后破片云的形状进行数学描述。故应当建立破片云长半轴 a与 EFP、靶板参数的关系。

在侵彻行为中,影响侵彻效率最关键的因素为弹 靶材料密度比。故影响破片云形态的主要因素为 EFP 的成型参数(实心长度 l、最大实心直径 d、着靶速度 v),靶板厚度 t、弹靶材料参数(药型罩密度  $\rho_p$ 、靶板密 度 $\rho_t$ 、靶板屈服极限 Y以及靶板杨氏模量  $E_t$ )。所涉及 的弹靶参数如图 2 所示。



图2 破片云形态的影响因素

Fig.2 Influencing factors of the debris cloud shape

## 3.2 长半轴 a 的量纲分析

模型试验是解决物理模型尚不清楚的问题的有效 办法,通过模型试验或数值模拟的方法得到

$$\Pi = f(\Pi_1, \Pi_2, \dots, \Pi_{n-k}) \tag{3}$$

式中,n为该物理模型所涉及的所有物理量的个数,k 为独立量纲参量的最大数目。只要使得模型中的 $\Pi_1$ ,  $\Pi_2$ ,…… $\Pi_{n-k}$ 与原型分别对应相等,该物理问题便相 似。层裂不服从几何相似率<sup>[22]</sup>,并且引起的靶后破片 主要为质量大、速度低的环状破片,在本研究中不予考 虑。在剔除崩落环的情况下,研究长半轴的相似性。

根据图2可得:

$$a = f(l, d, v; t; \rho_{p}; \rho_{t}, Y, E_{t})$$
(4)

选取 *d*、*ρ*<sub>p</sub>、*Y*为基本量,通过量纲变换可以将上式转化为几个无量纲量之间的关系,即:

$$\frac{a}{d} = f(\frac{l}{d}, \frac{v}{\sqrt{\gamma \rho_{p}}}, \frac{t}{d}, \frac{\rho_{t}}{\rho_{p}}, \frac{E_{t}}{Y})$$
(5)

式中,有三项物理参量,两项几何参量,若模型与原型速 度相同、弹靶材料相同、几何相似,则模型与原型相似。

为了确定式(5)中的 f,结合式中的参量对杆式弹 正撞击靶后破片云长半轴的工程模型进行修正。由文 献<sup>[19]</sup>可得杆式弹正撞击靶板后效破片云长半轴为:

$$a_{0} = \frac{1}{4} \left( \frac{1}{f_{0} \cdot \tan \theta_{\max}} + E^{2} f_{0} \cdot \tan \theta_{\max} \right) \cdot d_{p} \cdot \left[ 3.4 \left( \frac{t_{T}}{d_{p}} \right)^{\frac{2}{3}} \left( \frac{v_{i}}{C_{T}} \right) + 0.8 \right]$$

式中, $f_o$ 、E均为试验常数,由试验确定, $\theta_{max}$ 为靶后破片最大 飞散角,一般为50°左右,因此, $\frac{1}{4}$ ( $\frac{1}{f_0 \cdot \tan \theta_{max}}$ +  $E^2 f_0 \cdot \tan \theta_{max}$ ) 可视为试验常量。 $d_p$ 为杆弹直径、 $t_T$ 为靶板厚度、 $v_i$ 为弹 丸着靶速度、 $C_T$ 为应力波在靶板材料中的传播速度。

结合式(5)对式(6)进行修正,增加式(5)中相应 的无量纲量修正项,从而引入 EFP 实心长度 *l*、弹靶材 料密度 *ρ*<sub>p</sub>、*ρ*<sub>t</sub>、靶板屈服极限 *Y* 以及靶板杨氏模量 *E*<sub>t</sub>等 参量,能够反映 EFP 成型参数、弹靶材料参数对破片云 形状的影响。则初始靶后破片云长半轴可以表示为:

$$a = A \cdot d \cdot \left[B \cdot \left(\frac{t}{d}\right)^{m} \cdot \left(\frac{l}{d}\right)^{n} \cdot \left(\frac{v}{10^{3}}\sqrt{\frac{Y}{\rho_{p}}}\right)^{p} \cdot \left(\frac{\rho_{t}}{\rho_{p}}\right)^{q} \cdot \left(\frac{E_{t}}{Y}\right)^{r} + C\right]$$

$$(7)$$

式中,A、B、C、m、n、p、q、r为待拟合参数;d为EFP最大 实心直径,mm;l为EFP实心长度,mm;t为靶板厚度, mm;v为EFP着靶速度,m·s<sup>-1</sup>;p<sub>p</sub>、p<sub>t</sub>分别为药型罩、靶 板的密度,g·cm<sup>-3</sup>;Y、E<sub>t</sub>分别为靶板屈服极限、杨氏模 量,GPa;a为初始靶后破片云长半轴,mm。只要确定 出待拟合参数的具体数值,就可以建立长半轴a与 EFP、靶板参数的关系,进而可以对初始靶后破片云形 状进行准确描述。

## 4 初始靶后破片云形状描述与验证

#### 4.1 EFP等效模型的建立

通过大量的数值模拟对式(7)进行参数拟合,就 需要研究 EFP 的各个成型参数对初始靶后破片云形状 的影响。但由于 EFP 的成型受药型罩结构、装药结构、 起爆点位置等诸多因素的影响,很难对单个成型参数 进行规律性定量调控,而目前大多数研究<sup>[1,12,23-24]</sup>都是 通过建立 EFP 的等效模型来解决该问题,且解决了 EFP 从成型、飞行、侵彻到靶后破片飞散等一系列过程所涉 及的网格畸变、计算量大的问题,提高计算精度。故有 必要先建立 EFP 的等效模型。

## 4.1.1 形状模拟

采用装药口径为 D<sub>k</sub>、装药高度为 H、壳体厚度为 t, 的成型装药结构,如图 3 所示,炸药采用 JH-2,药型罩材 料为紫铜,起爆模式为药型罩顶端单点起爆。经过数 值模拟计算,EFP 的实心长度 l为 56.948 mm、最大实心 直径 d为 24.444 mm、着靶速度 v为 2317 m·s<sup>-1</sup>,对 45<sup>#</sup>



图3 成型装药结构图

Fig.3 The diagram of shaped charge

含能材料

钢靶的侵彻深度 h 为 77.720 mm。EFP 成型形状如 图 4a 所示,在此基础上建立 EFP 的等效模型如图 4b 所 示。EFP 模拟弹与真实 EFP 的具体参数如表 1 所示。

由图 4 及表 1 可知, EFP 模拟弹与真实 EFP 在形状和 质量上相近。由于弹丸的侵彻行为直接影响着靶后破 片的特性,因此,为了进一步验证该模拟弹的等效性,将 真实 EFP 与 EFP 模拟弹的侵彻效果进行对比研究。



Fig.4 The shape of EFP

#### 表1 EFP模拟弹和真实 EFP 的参数对比

**Table 1**Comparison of parameters between the real EFPand the simulated EFP

projectile	solid length / mm	maximum solid diameter / mm	volume / cm³	mass / g
real EFP	56.948	24.444	23.732	212.639
simulated EFP	55.450	26.000	22.444	201.098

### 4.1.2 侵彻效果验证

EFP的侵彻性能主要为侵彻深度、侵彻孔径。其中:侵彻深度决定了弹丸对靶板的穿透能力,进而影响靶后破片云的形成与头部膨胀速度;根据文献<sup>[6,15,19,25]</sup>,入孔直径与靶板后效破片的形成及飞散过程无直接关联,因此,本研究对侵彻深度、出孔孔径进行对比验证。

考虑 EFP 模拟弹的材料为紫铜, 屈服极限较低, 试验中利用火炮发射很难保证弹丸在满足发射强度的条件下加速到真实 EFP 的速度(2317 m·s<sup>-1</sup>), 为了便于研究, 利用 AUTODYN 仿真软件, 建立 EFP 模拟弹侵

彻钢锭的二维轴对称仿真模型,如图5所示,侵彻靶板 直径为180 mm,厚度为100 mm。弹丸与靶板均采用 Lagrange算法,两个Part的材料模型如表2所示,具体 材料参数见表3<sup>[26]</sup>。赋予EFP模拟弹2317 m·s<sup>-1</sup>的初 始速度,计算该模拟弹对钢锭的侵彻,得到其侵彻深度 h为78.18 mm。

针对图 3 所示成型装药结构,进行 EFP 威力侵彻 试验,试验布置如图 6 所示,靶块的材料及尺寸与仿真 完全相同,测量侵彻深度为 85 mm。

对比侵彻深度可知,真实 EFP 与 EFP 模拟弹对钢 靶侵彻深度的仿真值基本一致,与真实 EFP 试验值的 误差均控制在 8% 左右。并计算获得靶板厚度分别为 20,30,40 mm 和 50 mm 时,真实 EFP 与 EFP 模拟弹的 侵彻出孔孔径 *D*<sub>c</sub>,如图 7 所示。分析图 7 可知:真实 EFP 与 EFP 模拟弹的侵彻出孔孔径与靶板厚度均呈正 相关,且同一靶板厚度下,两者相对误差在 8% 以内。

综上,可以认为该等效模型能够模拟真实 EFP 的 侵彻行为,证明了等效模型的可行性。



图5 EFP模拟弹侵彻靶板仿真模型

**Fig.5** Simulation model of the penetration of target plate by simulated EFP

#### 表3 EFP模拟弹及靶板材料参数

 Table 3
 Material parameters of the simulated EFP and target plate

part	$\sigma_{\rm b}$ / MPa	G / GPa	ho / g·cm <sup>-3</sup>	<i>C</i> *	n*
simulated EFP	90	46	8.96	0.025	0.31
target plate	352	77	7.85	0.014	0.26

Note:  $\sigma_b$  is quasi-static yield stress, *G* is shear modulus,  $\rho$  is density, *C*\* is strain rate sensitivity coefficient, *n*\* is strain hardening exponent.

#### 表2 EFP模拟弹和靶板的材料模型

Table 2 Material model of the simulated EFP and target plate

part	material	equation of stste	strength model	erosion model	erosion strain
simulated EFP	copper	liner	Johnson Cook	Inst. Geom. Strain	4
target plate	45 <sup>#</sup> steel	shock	Johnson Cook	Inst. Geom. Strain	2

含能材料



图6 EFP威力侵彻试验布置图





图7 不同靶板厚度下 EFP 的侵彻出孔孔径

**Fig.7** Penetration exit hole calibers of EFP under different target thicknesses

## 4.2 椭圆方程的建立

基于 EFP 的等效模型研究 EFP 垂直侵彻有限厚靶 板后效破片云的形状。由于 Lagrange 算法侵蚀失效 设置的必要,在计算连续体碎裂的过程中会导致靶后 破片的形成无法有效地描述。而 SPH 算法是一种无 网格的 Lagrange 算法,可用于解决连续体结构的碎 裂、固体的层裂、脆性断裂等问题,适用于靶板贯穿过 程的计算模拟<sup>[27]</sup>。因此,弹丸与靶板均采用 SPH 算 法,弹丸根据图 4b 建立几何模型,同时建立长、宽均为 200 mm 的靶板模型,然后用 SPH 粒子进行填充,其 中, SPH 粒子直径为 0.8 mm,在靶板边界设置固定约 束,并对弹丸施加初始速度,仿真模型、弹靶材料模型 及参数见图 5、表 2 和表 3。

由前文知,本研究对靶板的研究范围应限于 45<sup>#</sup> 钢,根据文献[10],45<sup>#</sup>钢的屈服极限 Y为 2.1 GPa、密度 $\rho_1$ 为 7.85 g·cm<sup>-3</sup>、杨氏模量  $E_1$ 为 209.822 GPa。因此,在靶板材料参数确定的基础上研究破片云长半轴 a与 EFP 实心长度 l、最大实心直径 d、着靶速度 v、密度 $\rho_0$ 及靶板厚度 t等参数之间的关系。

根据表 1,选取 EFP 实心长度 l 的变化范围为 38~70 mm(参量增量为 8 mm); EFP 最大实心直径 d 的变化范围为 22~30 mm(参量增量为 2 mm); EFP 着靶速度 v 的变化范围为 1500~2300 m·s<sup>-1</sup>(参量增量为 200 m·s<sup>-1</sup>); EFP 密度 $\rho_p$ 为 2.71,7.85,8.96,16.65 g·cm<sup>-3</sup>和 19.22 g·cm<sup>-3</sup>; 靶板厚度 t的变化范围为 10~50 mm (参量增量为 10 mm)。

基于上述仿真方案,若进行全面研究,需要穷尽5<sup>5</sup>次数值计算,仿真规模过大,耗时过长。因此,利用正交设计理论,得到表4所示的正交设计因素水平表。针对表4中5因素5水平的情况,可利用正交表L<sub>25</sub>进行计算分析。由于方案较多,不一一列举仿真结果,列出如图8所示的方案5、10、15、25下的初始靶后破片云图。统计*E*=1.5的工况下各方案初始靶后破片云长半轴a的值,L<sub>25</sub>及长半轴a的计算结果见表5。其中"-"表示弹丸未穿透靶板或靶后破片极少的情况,未作统计。

表 4 正交设计因素水平表 Table 4 The level factors for orthogonal design

level	factor	factor							
	$v/m \cdot s^{-1}$	<i>l</i> /mm	<i>d</i> /mm	$ ho_{\rm p}/{ m g}\cdot{ m cm}^{-3}$	t∕mm				
1	1500	38	22	2.71	10				
2	1700	46	24	7.85	20				
3	1900	54	26	8.96	30				
4	2100	62	28	16.65	40				
5	2300	70	30	19.22	50				





结合表 5 对式(7)进行非线性函数拟合,利用 Origin 软件中自定义多自变量多参数函数功能,得到各拟

Tal	bl	e	5	Orthogonal	tabl	le of	de	bris d	cloud	major	semi-axis
-----	----	---	---	------------	------	-------	----	--------	-------	-------	-----------

	factor					indicator
scneme	$v/m \cdot s^{-1}$	<i>l</i> /mm	d/mm	$\rho_p/g \cdot cm^{-3}$	<i>t</i> /mm	<i>a</i> /mm
1	1	1	1	1	1	46.330
2	1	2	2	2	2	55.770
3	1	3	3	3	3	69.760
4	1	4	4	4	4	79.033
5	1	5	5	5	5	93.130
6	2	1	2	3	4	85.995
7	2	2	3	4	5	91.460
8	2	3	4	5	1	42.846
9	2	4	5	1	2	92.360
10	2	5	1	2	3	73.805
11	3	1	3	5	2	63.600
12	3	2	4	1	3	-
13	3	3	5	2	4	113.350
14	3	4	1	3	5	110.925
15	3	5	2	4	1	40.860
16	4	1	4	2	5	-
17	4	2	5	3	1	51.275
18	4	3	1	4	2	60.680
19	4	4	2	5	3	76.695
20	4	5	3	1	4	-
21	5	1	5	4	3	100.256
22	5	2	1	5	4	97.835
23	5	3	2	1	5	-
24	5	4	3	2	1	60.400
25	5	5	4	3	2	133.335

合参数的值,如表6所示。故,最终得到初始靶后破片 云长半轴 a的表达式如式(8)所示,将式(8)代入式(2) 即可得到 EFP 垂直侵彻初始靶后破片云椭圆方程。

$$a = 0.238 \cdot d \cdot [0.217 \cdot (\frac{t}{d})^{0.336} \cdot (\frac{l}{d})^{0.105} \cdot (\frac{v}{10^3 \sqrt{2.1/\rho_p}})^{0.767} \cdot (\frac{7.85}{\rho_p})^{0.529} \cdot 32.488 - 6.266]$$
(8)

表6 破片云长半轴拟合结果

Table 6 Fitting results of debris cloud major semi-axis

parameter	Α	В	С	т	п	р	q	r
fitting result	0.238	0.217	-6.266	0.336	0.105	0.767	0.529	0.756

#### 4.3 模型有效性验证

## 4.3.1 数值计算与模型计算对比

EFP着靶速度 v 直接决定了靶后破片云的轴向膨胀能力, 是影响靶后破片云形态的关键因素。控制

## CHINESE JOURNAL OF ENERGETIC MATERIALS

EFP模拟弹的实心长度 l为 55.45 mm、实心直径 d为 26 mm、密度 $\rho_{p}$ 为 8.96 g·cm<sup>-3</sup>、靶板厚度 t为 20 mm 不变,计算 EFP着靶速度 v在 1500~2300 m·s<sup>-1</sup>之间变 化时,初始靶后破片云的形状参量,并与本研究所建立 的破片云描述模型计算结果进行对比,得到如图 9 所 示的变化规律曲线及误差分布图。

分析图 9a 可知:随着 EFP 着靶速度 v的增加,破片 云长半轴 a 的计算值及仿真值均呈上升趋势,且着靶 速度 v由 1500 m·s<sup>-1</sup>增加至 2300 m·s<sup>-1</sup>时,计算结果 增加了 65.08%、仿真结果增加了 58.74%。这是因为 EFP 着靶速度的增加导致其在遭遇并贯穿相同的靶板 目标时,剩余 EFP 及二次破片的飞散速度增加,破片云 膨胀能力增强,故,破片云长半轴随之增大。

观察图 9b 可得: EFP 着靶速度 v 从 1500 m·s<sup>-1</sup>增 加至 2300 m·s<sup>-1</sup>时,破片云长半轴 a 的计算值与仿真 值的相对误差均控制在 11% 以内,且 v 为 1900 m·s<sup>-1</sup> 时,计算结果与仿真结果吻合最好,相对误差降至 1.84% 左右,表明了该破片云数学描述模型的准确性。





**图9** 不同 EFP 速度下破片云长半轴 a 的计算值与仿真值及其 误差分布

**Fig.9** Calculated value, simulated value and error distribution of debris cloud major semi-axis a with different EFP velocities v

## 4.3.2 试验验证

利用本研究所建立的破片云描述模型对文献 [11]中EFP垂直侵彻20mm厚45\*钢靶后效破片云长 半轴进行计算。根据文献[11,28],该破片云试验所 用EFP的具体参数如表7所示。

表7 EFP成型及材料参数

 Table 7
 Molding and material parameters of EFP

parameter	maximum solid diameter /mm	solid length /mm	impact velocity ∕m∙s <sup>-1</sup>	density ∕g∙cm <sup>-3</sup>
experiment result	12.800	23.789	2120	8.960

靶后破片云脉冲X光图像如图10所示。对X光 图像进行分析,以图中靶板厚度与实际靶厚的比值作为 缩放比,得到破片云形状参数:长半轴 a为59.375 mm、 短半轴 b为39.375 mm。

结合表 7 中 EFP 的成型及材料参数,利用本文所 建立的描述模型计算该试验条件下破片云的长半轴, 计算结果与试验结果如表 8 所示。

由表8可知,本文所建立的描述模型与试验的误 差降低至3%以内,进一步证明了该模型能够对EFP垂 直侵彻有限厚靶板后效破片云形状进行准确地描述。



图 10 靶后破片云 X 光图像<sup>[11]</sup> Fig.10 X-ray image of behind armor debris cloud<sup>[11]</sup>

表 8	模型计算结果与试验结果
<b>T</b> I I	

Table 8         Results of model calculation and experiment	۱t
---	----

rocult	ovporimont	model	relative	
lesuit	experiment	calculation	error / %	
major semi-axis / mm	59.375	57.986	2.339	

## 5 结论

(1)基于量纲分析,结合正交设计理论及数值仿 真的方法得到了EFP垂直侵彻靶板后效破片云长半轴 的表达式,从而建立了靶后破片云形状描述模型,可以 有效地反映EFP、靶板参数对破片云形状的影响。

(2)运用形状描述模型分析了 EFP 着靶速度对破 片云长半轴的影响。当 EFP 着靶速度从 1500 m·s<sup>-1</sup>变 化至 2300 m·s<sup>-1</sup>时,破片云长半轴呈快速上升趋势。

(3)将后效破片云长半轴的模型计算结果与试验 结果进行了对比,误差小于3%,验证了形状描述模型 的准确性。

#### 参考文献:

- [1] WU Jun, LIU Jing-bo, DU Yi-xin. Experimental and numerical study on the flight and penetration properties of explosively-formed projectile [J]. *International Journal of Impact Engineering*, 2007, 34:1147-1162.
- [2] 刘建青,顾文彬,徐浩铭,等.多点起爆装药结构参数对尾翼 EFP成型的影响[J].含能材料,2014,22(5):594-599.
  LIU Jian-qing, GU Wen-bin, XU Hao-ming, et al. Effects of multi-point initiation charge configuration parameters on EFP with fins formation[J]. *Chinese Journal of Energetic Materials* (*Hanneng Cailiao*),2014,22(5):594-599.
- [3] 林加剑.EFP成型及其终点效应研究[D].合肥:中国科学技术大学,2009.
   LIN Jia-jian. Research on the Formability of EFP and its Terminal Effect[D]. Hefei: university of science and technology of china, 2009.
- [4] Arnold W, Rottenkolber E. Behind armor debris investigation (Part  $\Pi$ ) [J]. International Journal of Impact Engineering, 2003, 29:95–104.
- [5] Carleone J. Tactical missile warhead[R]. USA: AIAA, 1993.
- [6] Kim H S, Arnold W, Hartmann T, et al. A Model for Behind Armor Debris from EFP Impact[C]//26th International Symposium on Ballistics. Miami, USA: 2011, 1410–1419.
- [7] Dalzell M W, Hazell P J, Meulman J H. Modeling Behind-Armor Debris Formed By The Perforation of an EFP Through a Steel Target [C]//20th International Symposium on Ballistics. Orlando, USA: 2002, 23–27.
- [8] 李文彬,沈培辉,王晓鸣,等.射弹倾斜撞击靶板二次破片散布 试验研究[J].南京理工大学学报,2002,26(3):263-266.
  LI Wen-bin, SHEN Pei-hui, WANG Xiao-ming, et al. Experimental investigation on distribution of secondary fragments when projectile oblique penetrating target[J]. *Journal of Nan-jing University of Science and Technology*, 2002, 26(3): 263-266.
- [9] 付塍强,李向东,蔡振华.动能杆斜撞击靶板后效破片描述研究
  [J].爆炸与冲击,2004,24(6):503-508.
  FU Cheng-qiang, LI Xiang-dong, CAI Zhen-hua. Description of the debris behind oblique single plate target perforated by kinetic projectile [J]. *Explosion and Shock Waves*, 2004, 24 (6):503-508.
  10] 兆牛族,陈夷虎,赵东京, FEP,杜东阳,原瓢长得潮长用那长房潮长用那长房潮长,如天乐游研,
- [10] 张先锋,陈惠武,赵有守. EFP对有限厚靶板侵彻过程及后效研究[J]. 爆炸与冲击,2006,26(4):323-327.
   ZHANG Xian-feng, CHEN Hui-wu, ZHAO You-shou. Investigation of process and aftereffect of EFP penetration into target of finite thickness[J]. *Explosion and Shock Waves*, 2006, 26 (4):323-327.
- [11] 王昕,蒋建伟,王树有,等.爆炸成型弹丸侵彻钢靶的后效破片 云实验研究[J].兵工学报,2018,39(7):1284-1290.
   WANG Xin, JIANG Jian-wei, WANG Shu-you, et al. Experimental research on fragments after explosively formed projection.

含能材料

tile penetrating into steel target[J]. *Acta Armamentarii*, 2018, 39(7): 1284–1290.

- [12] Wang X, Jiang J W, Sun S J, et al, Investigation on the spatial distribution characteristics of behind-armor debris formed by the perforation of EFP through steel target[J]. *Defence Technol*ogy, https://doi.org/10.1016/j.dt.2019.05.016
- [13] 邢柏阳,刘荣忠,张东江,等.变截面爆炸成型弹丸垂直侵彻装甲 钢板靶后破片质量模型[J].爆炸与冲击,2019,39(7):118-128.
   XING Bo-yang, LIU Rong-zhong, ZHANG Dong-jiang, et al. A mass model for behind-armor debris generated by normal penetration of a variable cross-section explosively-formed projectile into an armor steel plate [J]. *Explosion and Shock Waves*, 2019, 39(7):118-128.
- [14] Xing B Y, Guo R, Hou Y H, et al. The mass distribution of behind-armor debris generated during the normal penetration of variable cross-section explosive formed projectile on rolled homogeneous armor steel[J]. *International Journal of Impact Engineering*, 2019, 129:12–25.
- [15] 叶严,姚志敏,杨州,等.EFP 垂直侵彻靶后破片云描述模型
  [J].工程爆破,2016,22(6):28-31.
  YE Yan, YAO Zhi-min, YANG Zhou, et al. EFP vertical penetration target description model of debris cloud[J]. Engineering Blasting, 2016, 22(6):28-31.
- [16] 曹兵. EFP 对有限厚 45\*碳钢板侵彻实验研究[J].火炸药学报, 2007, 30(3): 19-21.
  CAO Bing. Experimental study on EFP penetrating 45<sup>#</sup> steel plate[J]. Chinese Journal of Explosives & Propellants, 2007, 30(3): 19-21.
- [17] Schafer F K. An engineering fragmentation model for the impact of spherical projectiles on thin metallic plates[J]. International Journal of Impact Engineering, 2006, 33(1): 745-762.
- [18] Wang Q T,Zhang Q M,Huang F L,et al. An analytical model for the motion of debris clouds induced by hypervelocity impact projectiles with different shapes on multi-plate structures[J]. International Journal of Impact Engineering, 2014, 74:157–164.
- [19] 李向东, 杜忠华. 目标易损性[M]. 北京:北京理工大学出版社, 2013.

LI Xiang-dong, DU Zhong-hua. Target Vulnerability[M]. Beijing: Beijing Institute of Technology Press, 2013.

- [20] Hohler V, Kleinschitger K, Schmolinske E, et al. Debris cloud expansion around a residual rod behind a perforated plate target [C]//13th international symposium on ballistics, Stockholm, Sweden: 1992, 327–334.
- [21] Yarin A L, Roisman I V, Weber K, et al. Model for Ballistic Fragmentation and Behind-Armor Debris[J]. *International Journal of Impact Engineering*, 2000, 24(2):171-201.
- [22] 谈庆明.量纲分析[M].合肥:中国科学技术大学出版社,2005. TAN Qing-ming. Dimensional Analysis[M]. Hefei: University of Science and Technology of China Press, 2005.
- [23] Kim H S, Arnold W, Hartmann T, et al. Effects of EFP Solidity in Terminal Ballistics [C]//26th International Symposium on Ballistics. Miami, USA: 2011, 1429–1436.
- [24] Rondot F. Terminal Ballistics Of EFPs-A Numerical Comparative Study Between Hollow And Solid Simulants [C]//19th International Symposium on Ballistics. Interlaken, Switzerland: 2001, 1455-1461.
- [25] Mayseless M, Sela N, Stilp A J, et al. Behind the armor debris distribution function [C]//13th International Symposium on Ballistics. Stockholm, Sweden: 1992, 77–85.
- [26] 张先锋.聚能侵彻体对带壳炸药引爆研究[D].南京:南京理工 大学,2005.
   ZHANG Xian-feng. Research on the shaped charge penetrator detonating the shelled explosive [D]. Nanjing: University of Science & Technology, 2005.
- [27] 石党勇,李裕春,张胜民.基于ANSYS/LS-DYNA 8.1进行显示 动力分析[M].北京:清华大学出版社,2005.
  SHI Dang-yong, LI Yu-chun, ZHANG Sheng-min. Dynamic Analysis of Display Based on ANSYS/LS-DYNA 8.1[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2005.
- [28] WANG Yang-yang, JIANG Jian-wei, MENG Jia-yu, et al. Effect of Add-on Explosive Reactive Armor on EFP Penetration [C]//29th International Symposium on Ballistics. Edinburgh, Scotland, UK: 2016, 2395–2406.

## Shape Description of Behind-armor Debris Cloud from Vertical Penetration of Target Plate by EFP

#### HUANG Xuan-ning<sup>1</sup>, LI Wei-bing<sup>1</sup>, GUO Teng-fei<sup>2</sup>, LI Wen-bin<sup>1</sup>, WANG Xiao-ming<sup>1</sup>

(1. ZNDY of Ministerial Key Laboratory, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210094, China; 2. Xi'an Modern Control Technology Research Institute, Xi'an 710065, China)

**Abstract:** In order to accurately describe the shape of behind-armor debris cloud from vertical penetration of a finite-thickness target plate by an explosively formed projectile(EFP), the dimensional analysis and the theory of orthogonal design were used as bases in this work. The effect of EFP molding parameters and the material parameters of projectile and target plate on the shape of behind-armor debris cloud were studied using SPH algorithm in AUTODYN software. A mathematical description model of the debris cloud shape behind armor from vertical penetration by an EFP was established. The shape parameter of major semi-axis of behind-armor debris cloud from a vertical EFP penetration was calculated using that model and compared with the simulated and related experimental results. It is proved that the error between the calculated major semi-axis result of debris cloud by that model and the related experimental result is controlled within 3%, and the shape of behind-armor debris cloud formed by an vertical EFP penetration can be described accurately with this model.

**Key words:** explosively formed projectile (EFP); vertical penetration; behind-armor debris cloud; smoothed particle hydrodynamics (SPH); description model

CLC number: TJ55; O389

Document code: A

**DOI:** 10.11943/CJEM2019297 (责编:高毅)